

# 1 Classe Pràctica Matrius

## Classe pràctica 1

**Prob 1.1** Cercau la matriu  $X^2 + Y$ , on X i Y són dos matrius del sistema <sup>1</sup>

$$\begin{aligned} 5X + 3Y &= \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -4 & 15 \end{pmatrix} \\ 3X + 2Y &= \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 9 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

(Selectivitat, Islas Canarias, juny 1998)

**Prob 1.2** Sigui A la matriu donada per  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ . Trobau la llei de formació per a les potències successives de A.<sup>2</sup>

(Selectivitat, País Basc, juny 1998)

**Classe pràctica 2**

**Prob 1.3** Sigui  $A$  una matriu quadrada d'ordre  $n$  tal que  $A^2 = A$ ,  $I$  la matriu unitat d'ordre  $n$  i  $B = 2A - I$ . Calculau  $B^2$ .<sup>3</sup>

(Selectivitat, La Rioja, juny 1998)

**Prob 1.4** Estudiau el rang de la matriu  $\begin{pmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 3 & 1 & -1 \\ 2 & a & 3 \end{pmatrix}$  segons els valors d' $a$ <sup>4</sup>

**Prob 1.5** (Qüestió) Què li pot succeir al rang per columnes d'una matriu  $A$  si substituïm dues files entre si? Justificau raonadament la resposta.

(Selectivitat, Extremadura, juny 1998)

### Classe pràctica 3

**Prob 1.6** Donada la matriu  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ , calculau  $(A^t A^{-1})^2 A$ .<sup>5</sup>  
 (Selectivitat, Andalucia, juny 2000)

**Prob 1.7** La matriu quadrada  $A$  té la propietat de que  $A^2 = 2A + I$ , on  $I$  és la matriu unitat.<sup>6</sup>

- a) Demostrau que  $A$  admet matiu inversa, i obteniu-la en funció d' $A$ .
- b) Donada la matriu  $B = \begin{pmatrix} 1+m & 1 \\ 1 & 1-m \end{pmatrix}$ , indicau per a quins valors de  $m$  es verifica que  $B^2 = 2B + I$ , i per a aquest valors escriuïu la matriu inversa de  $B$

(Selectivitat, Castilla y León, juny 2000)

## Notes

$$^1 \begin{pmatrix} -6 & 7 \\ -6 & 3 \end{pmatrix}$$

$$^2 \begin{pmatrix} 1 & 2^x - 1 \\ 0 & 2^x \end{pmatrix}$$

$$^3 B^2 = I$$

<sup>4</sup> Per a  $a = \frac{5}{2}$  el rang és 2 i per a  $a \neq \frac{5}{2}$  el rang és 3

$$^5 \begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{11}{2} \\ 2 & 6 \end{pmatrix}$$

<sup>6</sup> a)  $m = \pm 1$ ; b) Per a  $m = 1$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$  i  $B^{-1} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ , per a  $m = -1$ ,  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$  i  $B^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$